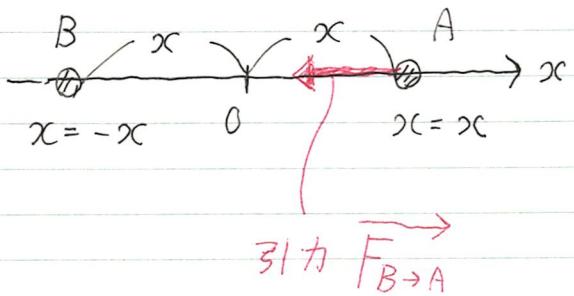


第6回目の問題のヒント

物体Bによると、物体Aに働く
万有引力を $\vec{F}_{B \rightarrow A}$ とすると、右図から

$$\vec{F}_{B \rightarrow A} = \left(-G \frac{m \cdot m}{(2x)^2}, 0, 0 \right)$$



である。

(「マックスの符号については、Bより受ける引力といふこと、x軸の負の方向
といふ意味となる」)

よって物体Aに関する運動方程式 ($m\vec{a} = \vec{F}$) は

$$\vec{a} = (a_x, 0, 0), \quad \vec{F} = \left(-G \frac{m^2}{4x^2}, 0, 0 \right) \text{ より。}$$

$$a_x = -G \frac{m^2}{4x^2} \quad \text{--- ①}$$

を得る。y, z 成分は扱わない。

ここで $a_x = \frac{d^2x}{dt^2}$ より ①式は。

$$\frac{d^2x}{dt^2} = -G \frac{m}{4x^2} \quad \text{--- ②}$$

この微分方程式に変形できる。

ここからがポイントですが、左辺に注目すると。

$$\text{左辺} = \frac{d^2x}{dt^2} = \frac{d^2x}{dx} \cdot \frac{dx}{dt} = \frac{d^2x}{dx} \cdot v_x \quad \text{--- ③}$$

と変形できる！

すると ③を ②へ代入する

$$v_x \cdot \frac{d^2x}{dx} = -G \frac{m}{4x^2}$$

となり、あと1つ この両辺を x で積分することになる。

以上。